Тѣзи правила можемъ да прѣработимъ въ други за да въведемъ „опитътъ на деветь“ и ще получимъ:

1.) Остатъкътъ на деветь отъ $\left\{\begin{matrix}\text{втора}\\ \text{третя}\end{matrix}\right\}$ степень отъ остатъка на 9 на извлѣчений корень е равенъ съ остатъка на на деветь отъ подкоренната величина, когато дадений корень е рационаленъ.

За изяснението на тоя случай нека да ни послужи тоя примѣръ:

$\sqrt{12988816}=3604$
3988 : 66×6
288166 : 7204×4
θ

Тукъ 3604 е корень, неговъ остатъкъ на деветь е 4; квадратъ отъ 4 е $4^2=16$, остатъкътъ на деветь отъ този квадратъ е $1+6=7$, който наистина е равенъ съ остатъкътъ на деветь на подкоренната величина 12988816. Подобно $\sqrt{37636}=194$, защото $(194)^2=37636$ или като въведемъ остатъцитѣ, че $(5)^2=25$ и $\left(\ \right)\left(\frac{25}{9}\right)=7$ сжщо число като на подкоренната величина.

По сжщий начинъ ще докажемъ, че

$\sqrt[3]{2|\cdot460|375}=1\cdot35,$
1
1460 : 3
9
27
27
263375 : 507
2535
975
125
θ

понеже отъ една страна $(1\cdot35)^3=2.460375$, нъ съ нашъ опитъ

$$\left(\ \right)\left[\left(\frac{1\cdot35}{9}\right)^3\right]=\theta$$

подобно и осатъкъ на 9 на подкоренната величина т. е. на $2\cdot460375$ е θ.

2). Когато кореньтъ е *ирраціоналенъ* ще работимъ споредъ това правило:

„Остатъкътъ на деветь отъ остатъкътъ на 9 отъ извлѣчений корень, възвисенъ въ $\left\{\begin{matrix}\text{втора}\\ \text{третя}\end{matrix}\right\}$ степень заедно съ остатъкътъ на девять отъ получения при извличанието на кореньтъ е равенъ съ остатъкътъ на 9 отъ подкоренната величина на $\left\{\begin{matrix}\text{вторий}\\ \text{третий}\end{matrix}\right\}$ коренъ“.