

За това ще кажемъ:

„Остатъкът на деветъ на дѣлимото е равенъ съ остатъка на деветъ отъ тоя сборъ, на когото първото събираме съ произведение на остатъците на деветъ отъ дѣлителъ и частното, а другото събираме е остатъкъ на деветъ отъ остатъкът, който получваме при първото дѣление“.

Споредъ това ако a е дѣлимо, b е дѣлителъ, c е частно, и r е остатъкъ при първото дѣление и когато

$$d = \left(\frac{a}{9} \right), m = \left(\frac{b}{9} \right), n = \left(\frac{c}{9} \right), s = \left(\frac{r}{9} \right) \text{ и } t = m \cdot n$$

$$\text{тогава } d = \left(\frac{t+s}{9} \right)$$

$$\begin{array}{r} \text{Така напримѣръ: } \quad 85643 : 543 = 157 \\ \qquad \qquad \qquad \overline{3134} \\ \qquad \qquad \qquad \overline{4193} \\ \qquad \qquad \qquad \overline{392} \end{array}$$

понеже остатъкъ на деветъ на дѣлимото е $d=8$,

„дѣлителя „ $m=3$,

„частното „ $n=4$,

„остатъкъ „ $s=5$,

и понеже $t=m \cdot n=3 \times 4=12$,

тогава $t+s=12+5=17$

и заради това $d = \left(\frac{t+s}{9} \right) = \left(\frac{17}{9} \right) = 8$ което е истина.

Нъ въ практиката остатъкът на деветъ на дѣлимото, дѣлителътъ и частното — пишемъ надъ дѣлимото, дѣлителътъ и частното; — послѣднитъ два остатъци умножаваме и къмъ тѣхъ прибаваме остатъка отъ остатъкът на дѣлението както слѣдва:

$$\begin{array}{r} \overset{4}{\overbrace{76342}} : \overset{5}{\overbrace{635}} = \overset{3}{\overbrace{120}} \\ \overline{128} \\ \overline{142} \\ \overline{7} \end{array}$$

$$5 \times 3 + 7 = 22 \text{ и } \left(\frac{22}{9} \right) = 4. —$$

Когато дѣлителътъ е мѣра на дѣлимото, тогава освѣнъ частно не ще получимъ нищо. Въ този случай ще биде

$$\left(\frac{r}{9} \right) = 0$$

и за това остатъкът на дѣлимото

$$d = \left(\frac{m \cdot n}{9} \right)$$