

$$\left(\frac{a}{9} \right) = m$$

и ще го изговоряваме: „остатъкъ на деветъ“ отъ число a е число m .

$$\text{Споредъ това } 5 = \left(\frac{68}{9} \right).$$

Този остатъкъ, както виждаме, намираме чръзъ дължение. Нъ дълженето, както знаемъ, е едно отъ множните аритметически дължествия и заради това ще гледаме, ако можемъ да намъримъ същия остатъкъ чръзъ едно отъ по-лесните дължествия.

Нека да обърнемъ за тая цѣль внимание на число 35. Остатъкъ на 9 отъ това число е 8. Същото число 8 ще получимъ, като съберемъ цифритъ на редоветъ му т. е. $3+5=8$.

Подобно ще намъримъ, че числото

$$2301 \text{ дава } 6 \text{ за остатъкъ}$$

$$\text{понеже } 2+3+0+1=6.$$

Сега да си представимъ друго число

$$2796. \text{ Тука сборътъ на цифритъ е}$$

$$2+7+9+6=21.$$

Какъвъ ще бѫде тука остатъкъ на 9?

Числото 21 е по-голямо отъ 9, следователно 9 ще се намира въ него два пъти и остава ся остатъкъ 3. Същото число 3 ще намъримъ, като земемъ остатъкъ на деветъ отъ сборътъ на цифритъ на даденото число т. е. отъ 21, който е $2+1=3$.

Наптина когато 2766: 9 ще намъримъ частно 307 и

$$\begin{array}{r} 65 \\ \hline 3 \\ \hline 3 \end{array} \text{ остатъкъ } 3 \text{ т. е.}$$

$$\text{т. е. } \left(\frac{2766}{9} \right) = 3.$$

Споредъ този начинъ ще бѫде

$$\left(\frac{29876}{9} \right) = 5, \text{ понеже } 1+9+8+7+6=32$$

$$\text{и } \left(\frac{32}{9} \right) = 5, \text{ това е върно, защото ако}$$

29876 : 9 ще получимъ освѣнъ частното 3319 още остатъкъ 5.

Същия остатъкъ 5 ще изтѣзе, когато при събирането на цифритъ необръщаме внимание на числото 9, което може да се срѣща въ рѣдовегъ на числото, или което може да се получи чръзъ събирание на нѣкои цифри на рѣдоветъ му.

Тъй на пр. $\left(\frac{29876}{9} \right) = 5$ понеже $2+8+7+6=23$,

и $\left(\frac{23}{9} \right) = 5$, защото $2+3=5$, което слѣдва

отъ дължение числото 29876 съ 9.